

Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

a) $f(x) = (x^3 + 1) \cdot e^{7x}$

b) $g(x) = 3^x \cdot \text{Ln}(x)$

c) $h(x) = (x^2 + 1) \cdot (x^5 - 6x)^6$

d) $i(x) = \frac{(x+1)^2}{x^2 - 2}$

SOCIALES II. 2008 RESERVA 2. EJERCICIO 2. OPCIÓN B

R E S O L U C I Ó N

a) $f'(x) = 3x^2 \cdot e^{7x} + 7 \cdot e^{7x} \cdot (x^3 + 1)$

b) $g'(x) = 3^x \cdot \text{Ln} 3 \cdot \text{Ln}(x) + \frac{1}{x} \cdot 3^x$

c) $h'(x) = 2x \cdot (x^5 - 6x)^6 + 6 \cdot (x^5 - 6x)^5 (5x^4 - 6)(x^2 + 1)$

d) $i'(x) = \frac{2 \cdot (x+1) \cdot (x^2 - 2) - 2x \cdot (x+1)^2}{(x^2 - 2)^2}$

a) La gráfica de la derivada de una función f es la recta que pasa por los puntos $(0, -3)$ y $(4, 0)$. Estudie la monotonía de la función f

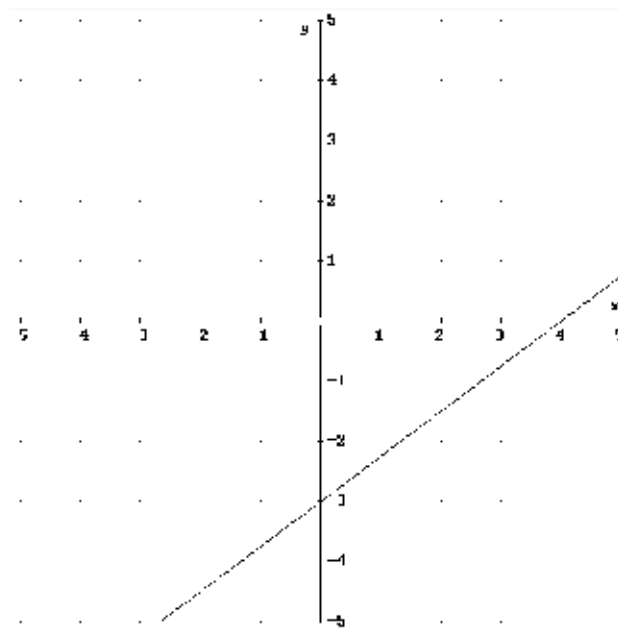
b) Calcule la derivada de las siguientes funciones:

$$g(x) = (3x+1)^3 \cdot L(x^2+1) \quad ; \quad h(x) = \frac{e^x}{7x^5-4}$$

SOCIALES II. 2008 RESERVA 1. EJERCICIO 2. OPCIÓN B

R E S O L U C I Ó N

a) Hacemos la representación gráfica de la función derivada.



Vemos que $f'(x)$ es positiva en el intervalo $(4, \infty)$, luego en ese intervalo $f(x)$ será creciente.

Vemos que $f'(x)$ es negativa en el intervalo $(-\infty, 4)$, luego en ese intervalo $f(x)$ será decreciente.

b)

$$g'(x) = 3 \cdot (3x+1)^2 \cdot 3x + \frac{2x}{x^2+1} (3x+1)^3$$

$$h'(x) = \frac{e^x(7x^5-4) - 35x^4 \cdot e^x}{(7x^5-4)^2}$$

a) Sea función $f(x) = \begin{cases} 1-2x & \text{si } x \leq 0 \\ \frac{1}{x+1} & \text{si } x > 0 \end{cases}$

Estudie su continuidad y su derivabilidad.

b) Se consideran las funciones: $g(x) = (2x+1)^3$, $h(x) = \frac{x-1}{2^x}$. Halle sus funciones derivadas.

SOCIALES II. 2009. RESERVA 1. EJERCICIO 2. OPCIÓN B.

R E S O L U C I Ó N

a) Estudiamos la continuidad en $x = 0$.

$$\begin{aligned} 1) & f(0) = 1 \\ 2) & \left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow 0^-} (1-2x) = 1 \\ \lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{x+1} \right) = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1 \\ 3) & f(0) = \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1 \end{aligned}$$

Luego, es continua.

Calculamos la función derivada: $f'(x) = \begin{cases} -2 & \text{si } x < 0 \\ \frac{-1}{(x+1)^2} & \text{si } x > 0 \end{cases}$

$$\left. \begin{array}{l} f'(0^-) = -2 \\ f'(0^+) = -1 \end{array} \right\} \Rightarrow f'(0^-) \neq f'(0^+) \Rightarrow \text{No derivable en } x = 0$$

b)

$$g'(x) = 3 \cdot (2x+1)^2 \cdot 2 = 6 \cdot (2x+1)^2$$

$$h'(x) = \frac{1 \cdot 2^x - 2^x \cdot \ln 2 \cdot (x-1)}{(2^x)^2} = \frac{1 - \ln 2 \cdot (x-1)}{2^x}$$

a) Sea función $f(x) = \begin{cases} 1-2x & \text{si } x \leq 0 \\ \frac{1}{x+1} & \text{si } x > 0 \end{cases}$

Estudie su continuidad y su derivabilidad.

b) Se consideran las funciones: $g(x) = (2x+1)^3$, $h(x) = \frac{x-1}{2^x}$. Halle sus funciones derivadas.

SOCIALES II. 2009. RESERVA 1. EJERCICIO 2. OPCIÓN B.

R E S O L U C I Ó N

a) Estudiamos la continuidad en $x = 0$.

$$\begin{aligned} 1) & f(0) = 1 \\ 2) & \left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow 0^-} (1-2x) = 1 \\ \lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{1}{x+1} \right) = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1 \\ 3) & f(0) = \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = 1 \end{aligned}$$

Luego, es continua.

Calculamos la función derivada: $f'(x) = \begin{cases} -2 & \text{si } x < 0 \\ \frac{-1}{(x+1)^2} & \text{si } x > 0 \end{cases}$

$$\left. \begin{array}{l} f'(0^-) = -2 \\ f'(0^+) = -1 \end{array} \right\} \Rightarrow f'(0^-) \neq f'(0^+) \Rightarrow \text{No derivable en } x = 0$$

b)

$$g'(x) = 3 \cdot (2x+1)^2 \cdot 2 = 6 \cdot (2x+1)^2$$

$$h'(x) = \frac{1 \cdot 2^x - 2^x \cdot \ln 2 \cdot (x-1)}{(2^x)^2} = \frac{1 - \ln 2 \cdot (x-1)}{2^x}$$

a) Halle las funciones derivadas de las funciones definidas por las siguientes expresiones:

$$f(x) = (2x^2 - 3)^3 ; g(x) = \frac{\ln(x)}{x} ; h(x) = x \cdot e^{3x}$$

b) Determine el dominio y las asíntotas de la función $m(x) = \frac{2x+3}{x-4}$

SOCIALES II. 2009 RESERVA 1. EJERCICIO 2. OPCIÓN A

R E S O L U C I Ó N

a)

$$f'(x) = 3 \cdot (2x^2 - 3)^2 \cdot 4x = 12x \cdot (2x^2 - 3)^2$$

$$g'(x) = \frac{\frac{1}{x} \cdot x - \ln(x)}{x^2} = \frac{1 - \ln(x)}{x^2}$$

$$h'(x) = 1 \cdot e^{3x} + 3x \cdot e^{3x} = e^{3x}(1 + 3x)$$

b) $D = \mathbb{R} - \{4\}$

Verticales: La recta $x = a$ es una asíntota vertical si

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \pm \infty \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 4} f(x) = \infty \Rightarrow x = 4$$

Horizontales: La recta $y = b$ es una asíntota horizontal si

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = b \Rightarrow \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x+3}{x-4} = 2 \Rightarrow y = 2$$

Oblicuas: No tiene.

a) Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

$$f(x) = \left(\frac{2-5x}{3}\right)^2 + \frac{1-2x}{x^2} \quad ; \quad g(x) = (3x+2)^2 \cdot \ln(1+x^2)$$

b) Halle las asíntotas y los puntos de corte con los ejes de $h(x) = \frac{1+2x}{x-2}$

SOCIALES II. 2010. RESERVA 4. EJERCICIO 2. OPCIÓN B

R E S O L U C I Ó N

$$a) f'(x) = 2 \cdot \left(\frac{2-5x}{3}\right) \cdot \left(-\frac{5}{3}\right) + \frac{-2x^2 - 2x(1-2x)}{x^4} = \frac{-20+50x}{9} + \frac{2x-2}{x^3}$$

$$g'(x) = 2 \cdot (3x+2) \cdot 3 \cdot \ln(1+x^2) + \frac{2x}{1+x^2} (3x+2)^2 = 2 \cdot (3x+2) \left[3 \cdot \ln(1+x^2) + \frac{x(3x+2)}{1+x^2} \right]$$

b)

Asíntota vertical: $x = 2$

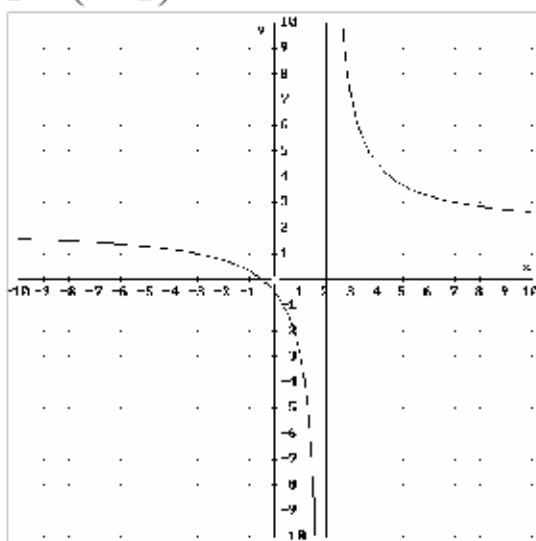
$$\text{Asíntota horizontal: } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1+2x}{x-2} = \frac{\infty}{\infty} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2}{1} = 2 \Rightarrow y = 2$$

Asíntota oblicua: No tiene

Puntos de corte con los ejes

$$\text{Eje X: } y = 0 \Rightarrow 1+2x = 0 \Rightarrow x = -\frac{1}{2} \Rightarrow \left(-\frac{1}{2}, 0\right)$$

$$\text{Eje Y: } x = 0 \Rightarrow y = -\frac{1}{2} \Rightarrow \left(0, -\frac{1}{2}\right)$$



Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

$$f(x) = \frac{2^x + x^2}{x} \quad ; \quad g(x) = (x^2 + 1)^2 \cdot \ln(e^{3x} + 4) \quad ; \quad h(x) = \frac{1}{3x} - \frac{5}{x^2 - 2}$$

SOCIALES II. 2011. RESERVA 1. EJERCICIO 2. OPCIÓN B

R E S O L U C I Ó N

$$f'(x) = \frac{(2^x \ln 2 + 2x) \cdot x - 1 \cdot (2^x + x^2)}{x^2} = \frac{2^x \cdot x \cdot \ln 2 + 2x^2 - 2^x - x^2}{x^2} = \frac{2^x(x \ln 2 - 1) + x^2}{x^2}$$

$$g'(x) = 2 \cdot (x^2 + 1) \cdot 2x \cdot \ln(e^{3x} + 4) + \frac{3e^{3x}}{e^{3x} + 4} (x^2 + 1)^2 = (x^2 + 1) \left[4x \cdot \ln(e^{3x} + 4) + \frac{3e^{3x}(x^2 + 1)}{e^{3x} + 4} \right]$$

$$h'(x) = \frac{-3}{(3x)^2} - \frac{-2x \cdot 5}{(x^2 - 2)^2} = -\frac{1}{3x^2} + \frac{10x}{(x^2 - 2)^2}$$

a) Calcule la función derivada de $f(x) = \frac{e^{-2x}}{(-x^2 + 2)^2}$

b) Se sabe que la expresión que representa el número medio de clientes $N(t)$ que acuden un día a una cadena de almacenes, en función del número de horas t que llevan abiertos, es $N(t) = a \cdot t^2 + b \cdot t$, $0 \leq t \leq 8$, $a, b \in \mathbb{R}$.

Sabiendo que el máximo de clientes que han acudido ese día ha sido de 160 y que se ha producido a las 4 horas de abrir, calcule a y b .

SOCIALES II. 2011. JUNIO. EJERCICIO 2. OPCIÓN A

R E S O L U C I Ó N

a)

$$f'(x) = \frac{-2e^{-2x}(-x^2 + 2)^2 - 2 \cdot (-2x)(-x^2 + 2) \cdot e^{-2x}}{(-x^2 + 2)^4} = \frac{-2e^{-2x}(-x^2 + 2) - 2 \cdot (-2x) \cdot e^{-2x}}{(-x^2 + 2)^3} =$$
$$= \frac{-2e^{-2x}(-x^2 + 2 - 2x)}{(-x^2 + 2)^3} = \frac{2e^{-2x}(x^2 + 2x - 2)}{(-x^2 + 2)^3}$$

b) El problema nos dice que la función tiene un máximo en el punto $(4, 160)$, con lo cual se verifica que:

$$N(4) = 160 \Rightarrow 16a + 4b = 160$$

$$N'(4) = 0 \Rightarrow 8a + b = 0$$

Resolviendo el sistema obtenemos que: $a = -10$; $b = 80$

Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

a) $f(x) = e^{3x} \cdot \ln(2x - 5)$

b) $g(x) = \frac{3^{2x}}{x^2 - 1}$

c) $h(x) = (3x^2 + 5x - 1)^6 + x^2 - \ln x$

SOCIALES II. 2012. RESERVA 4. EJERCICIO 2. OPCIÓN B

R E S O L U C I Ó N

a) $f'(x) = 3e^{3x} \cdot \ln(2x - 5) + e^{3x} \cdot \frac{2}{2x - 5}$

b) $g'(x) = \frac{2 \cdot 3^{2x} \cdot \ln 3(x^2 - 1) - 2x \cdot 3^{2x}}{(x^2 - 1)^2}$

c) $h'(x) = 6 \cdot (3x^2 + 5x - 1)^5 \cdot (6x + 5) + 2x - \frac{1}{x}$

Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

$$\text{a) } f(x) = \frac{(x^2 - 5)^3}{3 - x^2}$$

$$\text{b) } g(x) = e^{7x} \cdot (x - 5x^2)^2$$

$$\text{c) } h(x) = \frac{x \cdot \ln(1 - x^2)}{x - 3}$$

SOCIALES II. 2013 RESERVA 4. EJERCICIO 2. OPCIÓN A

R E S O L U C I Ó N

$$\text{a) } f'(x) = \frac{3 \cdot (x^2 - 5)^2 \cdot 2x \cdot (3 - x^2) - (-2x) \cdot (x^2 - 5)^3}{(3 - x^2)^2} = \frac{2x \cdot (x^2 - 5)^2 \cdot (4 - 2x^2)}{(3 - x^2)^2}$$

$$\text{b) } g'(x) = 7 \cdot e^{7x} \cdot (x - 5x^2)^2 + e^{7x} \cdot 2(x - 5x^2) \cdot (1 - 10x) = e^{7x} \cdot (x - 5x^2) \cdot (-35x^2 - 13x + 2)$$

c)

$$\begin{aligned} h'(x) &= \frac{\left[1 \cdot \ln(1 - x^2) + x \cdot \frac{-2x}{1 - x^2} \right] \cdot (x - 3) - 1 \cdot x \cdot \ln(1 - x^2)}{(x - 3)^2} = \\ &= \frac{\left[(1 - x^2) \cdot \ln(1 - x^2) - 2x^2 \right] \cdot (x - 3) - (1 - x^2) \cdot x \cdot \ln(1 - x^2)}{(1 - x^2)(x - 3)^2} \end{aligned}$$

Sean las funciones: $f(x) = (2x^2 - 1)^3 \ln(x^4)$ y $g(x) = \frac{e^{-2x+x^2}}{x^2+1}$

Determine el valor de $f'(-1)$ y de $g'(0)$

SOCIALES II. 2014 RESERVA 4. EJERCICIO 2. OPCIÓN A

R E S O L U C I Ó N

$$f'(x) = 3 \cdot (2x^2 - 1)^2 \cdot 4x \cdot \ln(x^4) + \frac{4x^3}{x^4} \cdot (2x^2 - 1)^3 \Rightarrow f'(-1) = 0 + \frac{-4}{1} \cdot 1^3 = -4$$

$$g'(x) = \frac{(-2 + 2x) \cdot e^{-2x+x^2} \cdot (x^2+1) - 2x \cdot e^{-2x+x^2}}{(x^2+1)^2} \Rightarrow g'(0) = \frac{-2 \cdot 1}{1} = -2$$

